

Λογικός Σχεδιασμός Σχεσιακών Σχημάτων

Εισαγωγή

Θα εξετάσουμε πότε ένα σχεσιακό σχήμα για μια βάση δεδομένων είναι «καλό»

- Γενικές Οδηγίες
- Η Μέθοδος της Αποσύνθεσης (γενική μεθοδολογία)
- Επιθυμητές Ιδιότητες της Αποσύνθεσης
 - Συνένωση Άνευ Απωλειών
 - Διατήρηση Εξαρτήσεων
 - Αποφυγή Επανάληψης Πληροφορίας

Σχεδιασμός Σχεσιακών Σχημάτων

Σχεδιασμός καλών σχεσιακών σχημάτων

- Μη τυπικές - γενικές κατευθύνσεις
- Θεωρία **κανονικών μορφών** που βασίζεται στις συναρτησιακές εξαρτήσεις

Σχεδιασμός Σχεσιακών Σχημάτων

Γενικές Κατευθύνσεις

1. Σημασιολογία
2. Ελάττωση πλεονασμού
3. Ελάττωση τιμών null
4. Μη πλασματικές πλειάδες

Γενικές Κατευθύνσεις

1. Σημασιολογία

- Εύκολη η εξήγηση της σημασίας του
- Αποφυγή συνδυασμού γνωρισμάτων από πολλές οντότητες και συσχετίσεις στην ίδια σχέση

Ταινία

Τίτλος	Έτος	Διάρκεια	Είδος
--------	------	----------	-------

Παίζει

Όνομα	Τίτλος	Έτος
-------	--------	------

Ηθοποιός

Όνομα	Διεύθυνση	Έτος-Γέννησης
-------	-----------	---------------

Γενικές Κατευθύνσεις

2. Πλεονασμός (επανάληψη πληροφορίας)

Ταινία

Τίτλος	Έτος	Διάρκεια	Είδος	Όνομα-Ηθοποιού
--------	------	----------	-------	----------------

Εισαγωγή

- Για την εισαγωγή μιας νέας ταινίας πρέπει να εισάγουμε τουλάχιστον έναν ηθοποιό (τιμή null:)
- Για την εισαγωγή ενός ηθοποιού στην ταινία πρέπει να επαναλάβουμε τα γνωρίσματα της ταινίας



Ταινία

Τίτλος	Έτος	Διάρκεια	Είδος	Όνομα-Ηθοποιού
--------	------	----------	-------	----------------

Διαγραφή

- Τι γίνεται αν διαγράψουμε και τον τελευταίο ηθοποιό
- Διαγραφή μιας ταινίας;



Ταινία

Τίτλος	Έτος	Διάρκεια	Είδος	Όνομα-Ηθοποιού
--------	------	----------	-------	----------------

Τροποποίηση

- Τι γίνεται αν θελήσουμε να τροποποιήσουμε τη διάρκεια μιας ταινίας;



3. Αποφυγή τιμών null

Ηθοποιός

Όνομα	Διεύθυνση	Έτος-Γέννησης	Σύζυγος-Ηθοποιού
-------	-----------	---------------	------------------

Ηθοποιός

Όνομα	Διεύθυνση	Έτος-Γέννησης
-------	-----------	---------------

Ζευγάρι-Ηθοποιών

Όνομα	Σύζυγος-Ηθοποιού
-------	------------------



4. Αποφυγή δημιουργίας πλασματικών πλειάδων

(αδυναμία αναπαράστασης συγκεκριμένης πληροφορίας)

Ταινία

Τίτλος	Έτος	Διάρκεια	Είδος
--------	------	----------	-------

Παίζει

Τίτλος	Όνομα-Ηθοποιού
--------	----------------

Χάνουμε πληροφορία δεν μπορούμε να βρούμε ποιος ηθοποιός σε ποια ταινία

Ταινία

Τίτλος	Έτος	Διάρκεια	Είδος	Όνομα-Ηθοποιού
--------	------	----------	-------	----------------



Ο τρόπος που σχεδιάζαμε ένα σχήμα ΒΔ μέχρι τώρα:

από το εννοιολογικό στο σχεσιακό μοντέλο

Θα δούμε ένα γενικό θεωρητικό (formal) τρόπο κατασκευής του σχήματος

Γενικά:

- Ξεκινάμε από το καθολικό σχήμα (όλα τα γνωρίσματα)
 - Συνεχείς διασπάσεις έτσι ώστε τα σχήματα που προκύπτουν να ικανοποιούν κάποιες ιδιότητες (να είναι σε κάποιες κανονικές μορφές)
- (top-down τεχνική)



Ένας γενικός (θεωρητικός) τρόπος κατασκευής του σχήματος

Αποσύνθεση (decomposition)

Αλγόριθμος σχεδιασμού

1. Αρχικά ένα καθολικό (universal) σχήμα σχέσης που περιέχει όλα τα γνωρίσματα
2. Προσδιορισμός των συναρτησιακών εξαρτήσεων
3. Διάσπαση σε ένα σύνολο από σχήματα σχέσεων που ικανοποιούν κάποιες ιδιότητες

Σχεδιασμός Σχεσιακών Σχημάτων

- Αποσύνθεση καθολικού σχήματος

Επιθυμητές ιδιότητες

- διατήρηση εξαρτήσεων
- όχι απώλειες στη συνένωση
- **όχι επανάληψη πληροφορίας λόγω ΣΕ**

Κανονικές μορφές

Αποσύνθεση

Παράδειγμα

Καθολικό Σχήμα: $R = \{\text{Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος, Όνομα-Ηθοποιού, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης}\}$

Σύνολο ΣΕ που ισχύουν στο πρόβλημα:

Τίτλος Έτος \rightarrow Είδος
 Τίτλος Έτος \rightarrow Διάρκεια
 Όνομα Ηθοποιού \rightarrow Διεύθυνση
 Όνομα-Ηθοποιού \rightarrow Έτος Γέννησης

Πιθανή διάσπαση:

$R_1 = \{\text{Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος}\}$

$R_2 = \{\text{Τίτλος, Έτος, Όνομα-Ηθοποιού, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης}\}$

• Ποια είναι μια καλή διάσπαση; Πως μπορούμε να πάρουμε την αρχική σχέση;

• Μπορούμε να διασπάσουμε την R_2 με τον ίδιο τρόπο.

Αλγόριθμος Σχεδιασμού

Τυπικοί ορισμός

Αρχικά ένα καθολικό σχήμα $R = \{A_1, A_2, \dots, A_n\}$ αποσύνθεση (decomposition) σε δύο σχήματα

$$R_1 = \{B_1, B_2, \dots, B_m\} \text{ και } R_2 = \{C_1, C_2, \dots, C_k\}$$

τέτοια ώστε:

1. $\{A_1, A_2, \dots, A_n\} = \{B_1, B_2, \dots, B_m\} \cup \{C_1, C_2, \dots, C_k\}$ (διατήρηση γνωρισμάτων) *γνωρίσματα*
2. Οι πλειάδες της $r_1(R_1)$ είναι η προβολή των πλειάδων της $r(R)$ στα $\{B_1, B_2, \dots, B_m\}$ *πλειάδες*
3. Οι πλειάδες της $r_2(R_2)$ είναι η προβολή των πλειάδων της $r(R)$ στα $\{C_1, C_2, \dots, C_k\}$ *πλειάδες*

Αλγόριθμος Σχεδιασμού (παράδειγμα)

Έστω το (καθολικό) σχήμα $R(A, B, C)$ αποσύνθεση σε $R_1(A, B)$ και $R_2(B, C)$
 Τι γίνεται με τα στιγμιότυπα (σχέσεις) που ανήκουν στο R , συμβολισμός $r(R)$

$r(R)$	$r_1(R_1)$	$r_2(R_2)$
A B C	A B	B C
1 2 3	1 2	2 3
4 2 5	4 2	2 5

Μπορούμε να πάρουμε το αρχικό στιγμιότυπο:

Φυσική συνένωση $r_1 * r_2$:

Αποσύνθεση

Έστω ένα σχεσιακό σχήμα R . Ένα σύνολο από σχεσιακά σχήματα $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$ είναι μια αποσύνθεση του R αν

$$R = R_1 \cup R_2 \dots \cup R_n$$

Δηλαδή, $\forall i = 1, \dots, n \quad R_i \subseteq R$

Έστω $r(R)$ και $r_i = \pi_{R_i}(r)$, $\forall i = 1, \dots, n$

$$r \subseteq r_1 * r_2 * \dots * r_n$$

Αποσύνθεση

Έστω το σχήμα $R(A, B, C)$ αποσύνθεση σε $R_1(A, B)$ και $R_2(B, C)$
 Τι γίνεται με τα στιγμιότυπα (σχέσεις) που ανήκουν στο R , συμβολισμός $r(R)$ ή r

Έστω $r(R)$ και $r_i = \pi_{R_i}(r)$, $\forall i = 1, \dots, n$ ---- $r \subseteq r_1 * r_2 * \dots * r_n$

Παράδειγμα

r	A B C	r_1	A B	r_2	B C	$r_1 * r_2$	A B C
	1 2 3		1 2		2 3		1 2 3
	4 2 5		4 2		2 5		1 2 5
			4 2				4 2 3
							4 2 5

$R_1 \cap R_2 = B$

• Δεν μπορούμε να πάρουμε την αρχική σχέση r από τα r_1 και r_2

Συνενώσεις Άνευ Απωλειών

Έστω το σχήμα $R(A, B, C)$ αποσύνθεση σε $R_1(A, C)$ και $R_2(B, C)$
 Τι γίνεται με τα στιγμιότυπα (σχέσεις) που ανήκουν στο R ;

$r(R)$	<table border="1"><tr><th>A</th><th>B</th><th>C</th></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>2</td><td>5</td></tr></table>	A	B	C	1	2	3	4	2	5	$R_1 \cap R_2 = C$	Μπορούμε να πάρουμε το αρχικό στιγμιότυπο; Φυσική συνένωση $r_1 * r_2$			
A	B	C													
1	2	3													
4	2	5													
$r_1(R_1)$	<table border="1"><tr><th>A</th><th>C</th></tr><tr><td>1</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td></tr></table>	A	C	1	3	4	5	$r_2(R_2)$	<table border="1"><tr><th>B</th><th>C</th></tr><tr><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>2</td><td>5</td></tr></table>	B	C	2	3	2	5
A	C														
1	3														
4	5														
B	C														
2	3														
2	5														

Επιθυμητές Ιδιότητες Αποσύνθεσης

Επιθυμητές Ιδιότητες για την Αποσύνθεση

1. Συνενώσεις Άνευ Απωλειών

Έστω C το σύνολο περιορισμών. Μια αποσύνθεση του R σε $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$ είναι μια **αποσύνθεση άνευ απωλειών στη συνένωση** (lossless join decomposition) αν για όλες τις σχέσεις $r(R)$ που είναι νόμιμες στο C ισχύει

$$r = \pi_{R_1}(r) * \pi_{R_2}(r) * \dots * \pi_{R_n}(r)$$

Ονομάζεται και **μη προσθετική συνένωση** (non-additive join)

Συνενώσεις Άνευ Απωλειών

Παράδειγμα

r	<table border="1"><tr><th>A</th><th>B</th><th>C</th></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>2</td><td>5</td></tr></table>	A	B	C	1	2	3	4	2	5	r_1	<table border="1"><tr><th>A</th><th>B</th></tr><tr><td>1</td><td>2</td></tr><tr><td>4</td><td>2</td></tr></table>	A	B	1	2	4	2	r_2	<table border="1"><tr><th>B</th><th>C</th></tr><tr><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>2</td><td>5</td></tr></table>	B	C	2	3	2	5	$r_1 * r_2$	<table border="1"><tr><th>A</th><th>B</th><th>C</th></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>1</td><td>2</td><td>5</td></tr><tr><td>4</td><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>2</td><td>5</td></tr></table>	A	B	C	1	2	3	1	2	5	4	2	3	4	2	5
A	B	C																																									
1	2	3																																									
4	2	5																																									
A	B																																										
1	2																																										
4	2																																										
B	C																																										
2	3																																										
2	5																																										
A	B	C																																									
1	2	3																																									
1	2	5																																									
4	2	3																																									
4	2	5																																									
r'_1	<table border="1"><tr><th>A</th><th>C</th></tr><tr><td>1</td><td>3</td></tr><tr><td>4</td><td>5</td></tr></table>	A	C	1	3	4	5	r'_2	<table border="1"><tr><th>B</th><th>C</th></tr><tr><td>2</td><td>3</td></tr><tr><td>2</td><td>5</td></tr></table>	B	C	2	3	2	5	$r'_1 * r'_2 = ;$																											
A	C																																										
1	3																																										
4	5																																										
B	C																																										
2	3																																										
2	5																																										

Συνενώσεις Άνευ Απωλειών

Θεώρημα

Έστω R ένα σχεσιακό σχήμα και F ένα σύνολο από συναρτησιακές εξαρτήσεις στο R . Έστω R_1 και R_2 μια αποσύνθεση του R . Αν μια τουλάχιστον από τις ΣΕ

$$R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1 \text{ ή } R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2 \text{ ανήκει στο } F^+$$

τότε η διάσπαση είναι χωρίς απώλειες στη συνένωση.

Δηλαδή τα κοινά γνωρίσματα των δύο σχημάτων είναι κλειδί για τουλάχιστον ένα από τα δύο σχήματα

Συνενώσεις Άνευ Απωλειών

Παράδειγμα: $R = \{\text{Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος, Όνομα-Ηθοποιού, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης}\}$

Τίτλος Έτος \rightarrow Διάρκεια

Τίτλος Έτος \rightarrow Είδος

Όνομα Ηθοποιού \rightarrow Διεύθυνση

Όνομα-Ηθοποιού \rightarrow Έτος Γέννησης

$R_1 = \{\text{Τίτλος, Έτος, Διάρκεια, Είδος}\}$

$R_2 = \{\text{Τίτλος, Έτος, Όνομα-Ηθοποιού, Διεύθυνση, Έτος-Γέννησης}\}$

$$R_1 \cap R_2 = \{\text{Τίτλος, Έτος}\}$$

Επιθυμητές Ιδιότητες Αποσύνθεσης

Επιθυμητές Ιδιότητες για την Αποσύνθεση

2. Διατήρηση Εξαρτήσεων

Στόχος:

Για να ελέγξουμε ότι διατηρούνται οι Σ.Ε. όταν γίνονται τροποποιήσεις σε μία από τις σχέσεις $r_i(R_i)$,

να αρκεί να ελέγξουμε μόνο τη συγκεκριμένη σχέση (δηλαδή, να μη χρειάζεται να υπολογίσουμε τις αρχικές σχέσεις - αποφυγή των συνενώσεων)

Διατήρηση Εξαρτήσεων



Έστω F ένα σύνολο από ΣΕ στο σχήμα R και $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$ μια αποσύνθεση του R .

F_i **περιορισμός του F στο R_i** είναι το σύνολο όλων των συναρτησιακών εξαρτήσεων του F^+ που περιέχουν μόνο γνωρίσματα του R_i .

Προσοχή: $F^+ \neq F$

Διατήρηση Εξαρτήσεων



Παράδειγμα: Υπολογισμός του περιορισμού του F σε ένα σχήμα

Εφαρμογή 1: Έστω $R(A, B, C, D)$, $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$. Περιορισμός του F στο $S(A, C)$ (δηλαδή ποιες ΣΕ του F^+ ισχύουν στο S)

Εφαρμογή 2: Έστω $R(A, B, C, D, E)$, $F = \{A \rightarrow D, B \rightarrow E, DE \rightarrow C\}$. Περιορισμός του F στο $S(A, B, C)$

Διατήρηση Εξαρτήσεων



Έστω F ένα σύνολο από ΣΕ στο σχήμα R και $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$ μια αποσύνθεση του R .

Έστω $F' = F_1 \cup F_2 \dots \cup F_n$

Η αποσύνθεση είναι μια **αποσύνθεση που διατηρεί τις εξαρτήσεις** (dependency preserving) αν $F'^+ = F^+$

Διατήρηση Εξαρτήσεων



Παράδειγμα: Πως δείχνουμε αν μια αποσύνθεση διατηρεί τις εξαρτήσεις

Έστω $R(A, B, C, D)$, $F = \{C \rightarrow D, A \rightarrow B, B \rightarrow D, C \rightarrow A\}$. Έστω η αποσύνθεση $S(A, C)$ και $T(A, B, D)$

Διατήρηση Εξαρτήσεων



Μερικά ακόμα παραδείγματα:

1. Έστω $R(A, B, C, D)$, $F = \{A \rightarrow C, B \rightarrow C, BD \rightarrow A\}$. Η αποσύνθεση του R σε $S(A, C)$ και $T(A, B, D)$ διατηρεί τις εξαρτήσεις;

2. Έστω $R(A, B, C, D, E)$, $F = \{A \rightarrow D, B \rightarrow E, DE \rightarrow C\}$. Η αποσύνθεση του R σε $S(A, B, C)$ και $T(A, B, D, E)$ διατηρεί τις εξαρτήσεις;

Σχεδιασμός Σχεσιακών Σχημάτων



- Αποσύνθεση καθολικού σχήματος

Επιθυμητές ιδιότητες

- διατήρηση εξαρτήσεων ($F'^+ = F^+$)
- όχι απώλειες στη συνένωση (τομή = κλειδί)
- όχι επανάληψη πληροφορίας λόγω ΣΕ

↑
Κανονικές μορφές

Παράδειγμα

- Έστω $R(A, B, C, D)$, $F = \{A \rightarrow C, B \rightarrow C, BD \rightarrow A\}$ και η αποσύνθεση του R σε $R_1(A, C)$ και $R_2(A, B, D)$.
 - Διατηρεί τις εξαρτήσεις;
 - Είναι χωρίς απώλειες;

Σχεδιασμός καλών σχεσιακών σχημάτων

Μη τυπικές - γενικές κατευθύνσεις

- Σημασιολογία
- Ελάττωση πλεονασμού
- Ελάττωση τιμών null
- Μη πλασματικές πλειάδες

Αποσύνθεση (decomposition)

Αλγόριθμος σχεδιασμού

- Αρχικά ένα **καθολικό σχήμα σχέσης** που περιέχει όλα τα γνωρίσματα
- Προσδιορισμός των συναρτησιακών εξαρτήσεων
- **Διάσπαση** σε ένα σύνολο από σχήματα που ικανοποιούν κάποιες ιδιότητες

Έστω ένα σχεσιακό σχήμα R . Ένα σύνολο από σχεσιακά σχήματα $\{R_1, R_2, \dots, R_n\}$ είναι μια **αποσύνθεση** του R αν

$$R = R_1 \cup R_2 \cup \dots \cup R_n$$

← γνωρίσματα

Δηλαδή, $\forall i = 1, \dots, n \quad R_i \subseteq R$

Έστω $r(R)$ και $r_i = \pi_{R_i}(r)$, $\forall i = 1, \dots, n$

$$r \subseteq r_1 * r_2 * \dots * r_n$$

← πλειάδες

Επιθυμητές Ιδιότητες Αποσύνθεσης

1. Συνενώσεις Άνευ Απωλειών

Η φυσική συνένωση των σχέσεων που προκύπτουν μας δίνει *ακριβώς* την αρχική σχέση (χωρίς επιπρόσθετες πλειάδες): $r = \pi_{R_1}(r) * \pi_{R_2}(r) * \dots * \pi_{R_n}(r)$

$R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1$ ή $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2$ ανήκει στο F^* , δηλαδή τα κοινά γνωρίσματα των δύο σχημάτων είναι κλειδί για τουλάχιστον ένα από τα δύο

2. Διατήρηση Εξαρτήσεων

Στόχος: Έλεγχος διατήρησης εξαρτήσεων όταν γίνονται τροποποιήσεις χωρίς να υπολογίζουμε τις αρχικές σχέσεις (αποφυγή των συνενώσεων)

$$F^* = F_1 \cup F_2 \dots \cup F_n, \text{ πρέπει } F^* = F^*$$

3. Αποφυγή Επανάληψης Πληροφορίας, πως: Κανονικές Μορφές