



Ανάπτυξη παιδιού. Ανάπτυξη για όλους.

ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΕΘΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ ΕΠΕΑΕΚ



ΕΥΡΩΠΑΪΚΗ ΕΝΩΣΗ
ΣΥΓΧΡΗΜΑΤΟΔΟΤΗΣΗ
ΕΥΡΩΠΑΪΚΟ ΚΟΙΝΩΝΙΚΟ ΤΑΜΕΙΟ



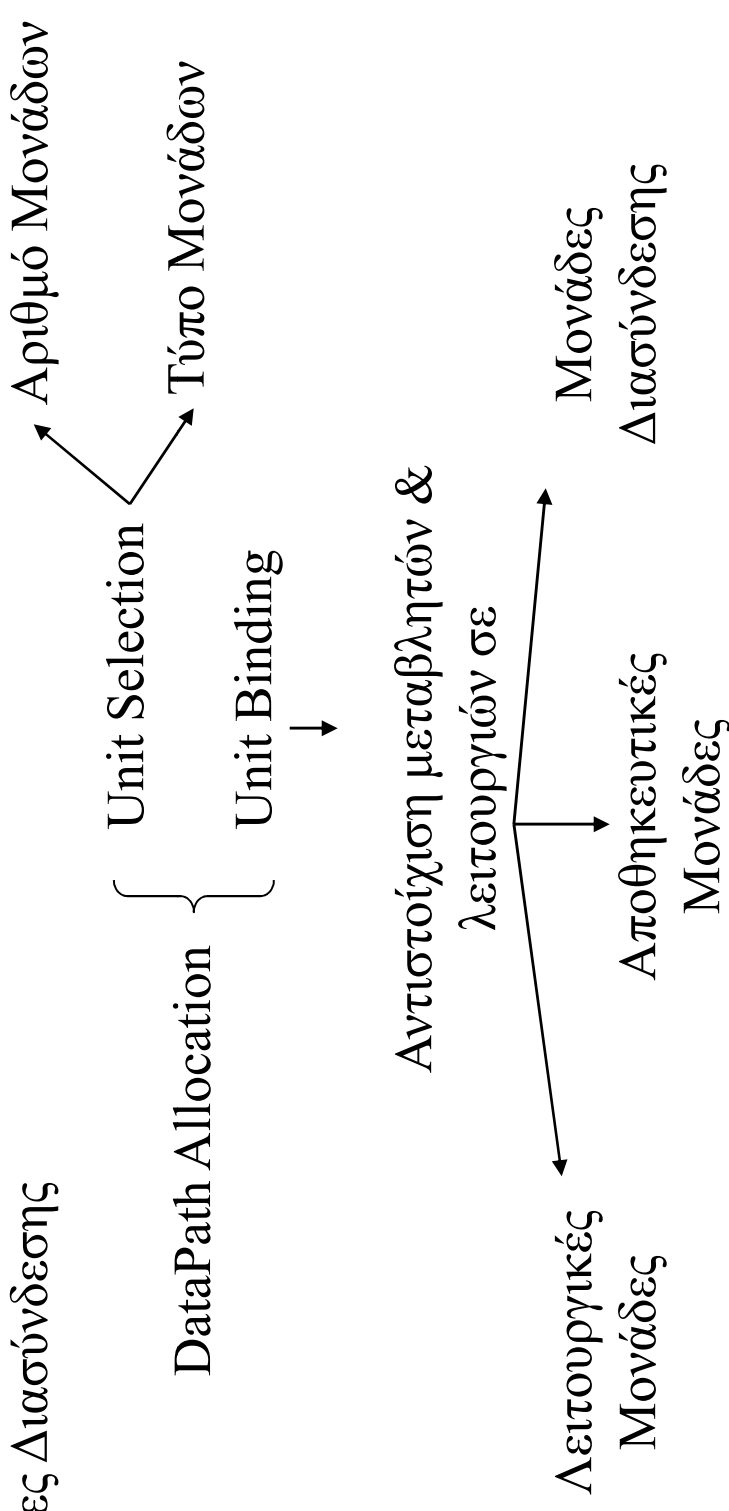
Η ΠΑΙΔΕΙΑ ΣΤΗΝ ΚΟΡΥΦΗ
Επιχειρησιακό Πρόγραμμα
Εκπαίδευσης και Αρχικής
Επαγγελματικής Κατάρτισης

Data Path Allocation

Σύνθεση Data Path

Το DataPath είναι ένα netlist που αποτελείται από τρεις τύπους μονάδων:

- (α) Λειτουργικές Μονάδες,
- (β) Μονάδες Αποθήκευσης και
- (γ) Μονάδες Διασύνδεσης



Σύνθεση Data Path

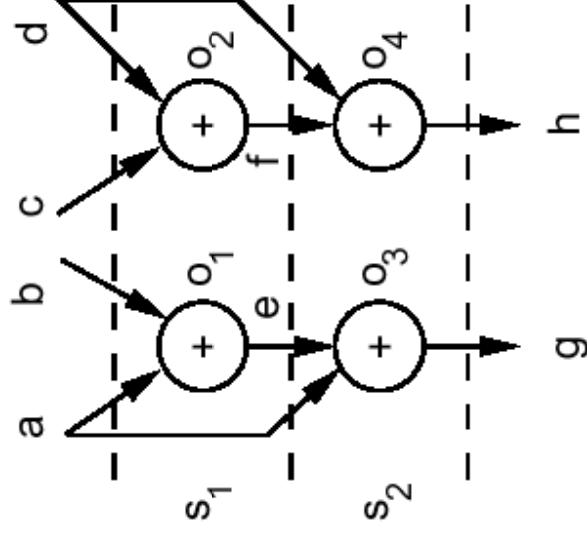
- ✓ Για κάθε λειτουργία απαιτείται η αντίστοιχη λειτουργική μονάδα.
- ✓ Για κάθε μεταβλητή που χρησιμοποιείται σε πολλά βήματα απαιτείται αποθηκευτική μονάδα (για τον χρόνο ζωής της).
- ✓ Για κάθε μεταφορά δεδομένων απαιτείται η αντίστοιχη μονάδα διασύνδεσης.

Περιορισμοί:

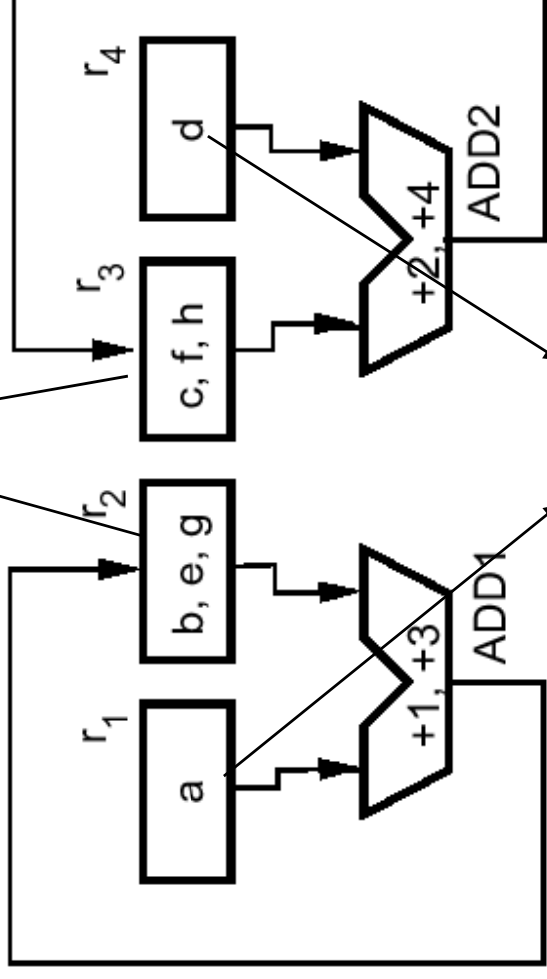
- Κάθε λειτουργική μονάδα μπορεί να εκτελέσει μόνο μία λειτουργία σε κάθε βήμα ελέγχου.
- Μπορούμε να έχουμε πολλαπλή πρόσβαση σε αποθηκευτικές μονάδες ανάλογα με τον αριθμό των θυρών.

Σύνθεση Data Path

Πρέπει να τηρούνται και οι περιορισμοί



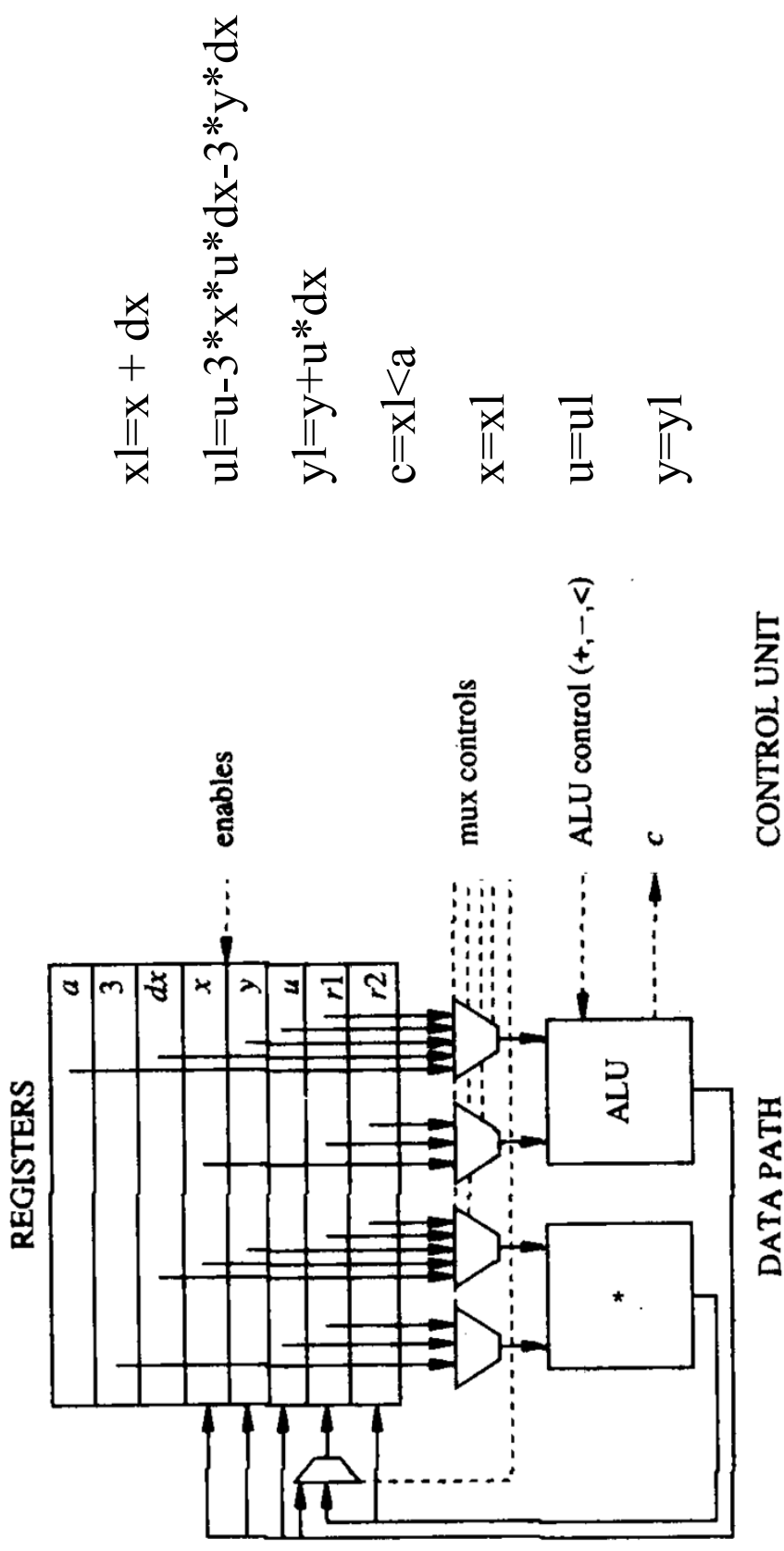
Διάρκεια Ζωής 1



DFG

Allocated RT-Structure

Σύνθεση Data Path



$$xl = x + dx$$

$$ul = u - 3 * x * u * dx - 3 * y * dx$$

$$yl = y + u * dx$$

$$c = xl < a$$

$$x = xl$$

$$u = ul$$

$$y = yl$$

Σύνθεση Data Path

- ✓ Η σύνθεση για Data Path καθορίζει και την διασύνδεση του Data Path με το περιβάλλον μέσω των θυρών διασύνδεσης.
- ✓ Το Data Path μπορεί να συμπεριλαμβάνει μνήμες πολλαπλών θυρών (register file).
- ✓ Η βελτιστοποίηση της χρήσης τέτοιων μνημών έγκειται στην βελτιστοποίηση των μεταφορών δεδομένων από και προς τις θύρες.
- ✓ Η διασύνδεση με την λογική ελέγχου γίνεται μέσω των γραμμών ελέγχου.
- ✓ Οι ακολουθιακές resources απαιτούν ένα σήμα start (και ίσως ένα reset). Έτσι απαιτείται ένα σύνολο σημάτων ενεργοποίησης (activation).

Σύνθεση Data Path

Μέθοδοι Επίλυσης

1. Αλγόριθμοι Απληστίας (Greedy)

Κατασκευάζουν το DataPath σταδιακά ενώ διαπερνούν τον γράφο.

2. Αλγόριθμοι Διάσπασης (Decomposition)

Διασπούν το πρόβλημα Allocation σε υποπροβλήματα τα οποία προσπαθούν να λύσουν χωριστά.

3. Επαναληπτικές Μέθοδοι (Iterative Refinement)

Συνδυάζουν τις λύσεις υποπροβλημάτων

Αρχιτεκτονικές Data Path

Η τοπολογία διασύνδεσης είναι σημαντικός παράγοντας που επηρεάζει την απόδοση της αρχιτεκτονικής.

Παράδειγμα

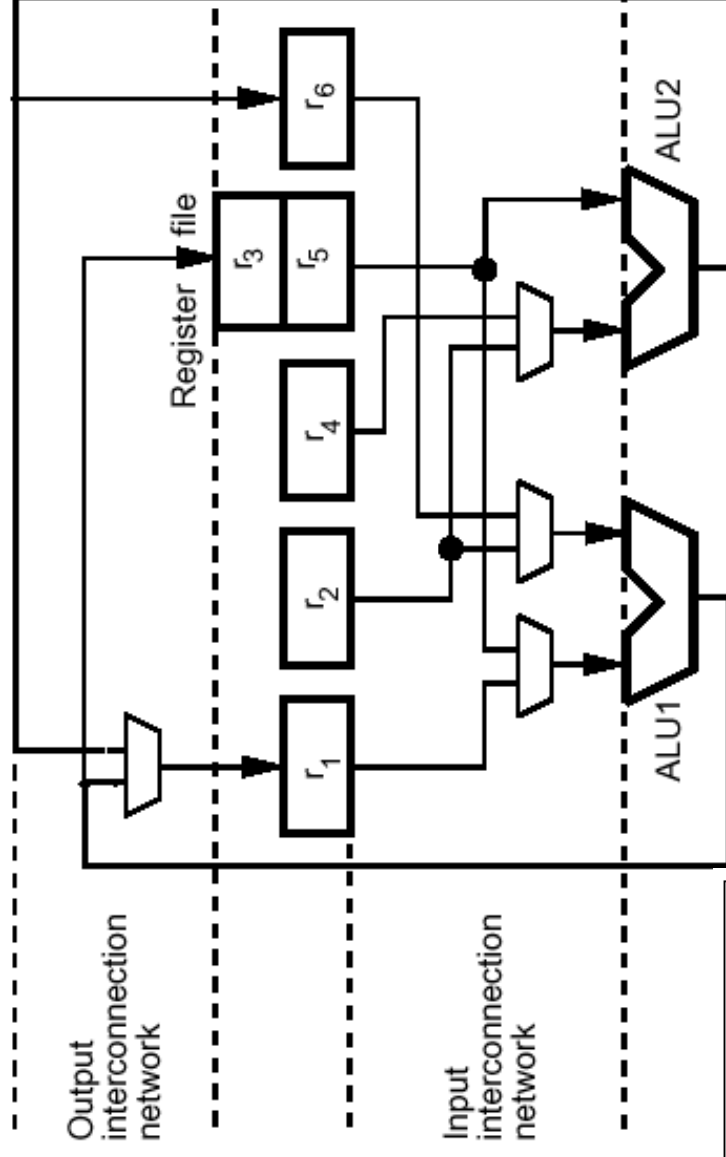
Για την υλοποίηση των ακόλουθων μετακινήσεων

$s1: r3 \leq ALU1(r1, r2); \quad r1 \leq ALU2(r3, r4);$
$s2: r1 \leq ALU1(r5, r6); \quad r6 \leq ALU2(r2, r5);$
$s3: r3 \leq ALU1(r1, r6)$

μπορεί να χρησιμοποιηθεί:

- (α) αρχιτεκτονική πολυπλεκτών ή
- (β) αρχιτεκτονική διασύνδεσης διαύλων

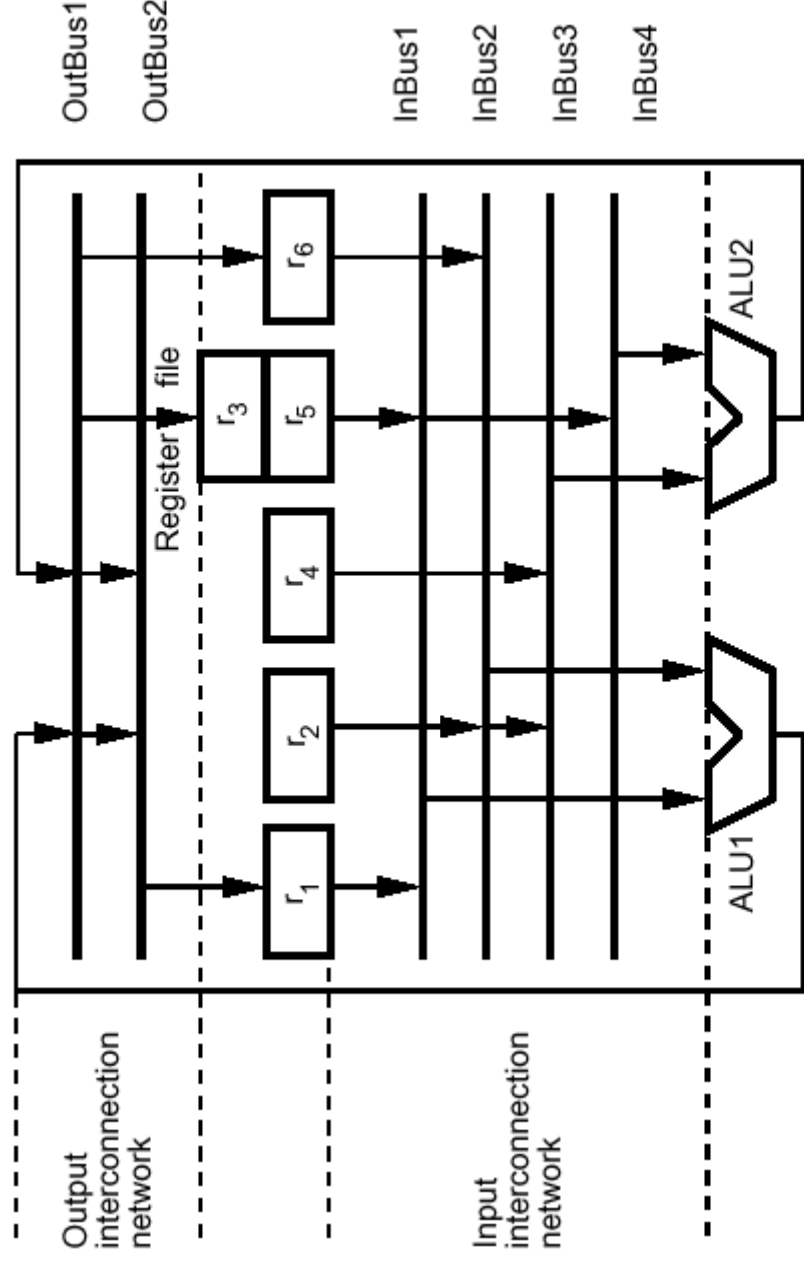
Αρχιτεκτονική Πολυπλεκτών



s1: $r_3 \leftarrow ALU1(r_1, r_2); r_1 \leftarrow ALU2(r_3, r_4);$
s2: $r_1 \leftarrow ALU1(r_5, r_6); r_6 \leftarrow ALU2(r_2, r_5);$
s3: $r_3 \leftarrow ALU1(r_1, r_6)$

Mux-oriented DP

Αρχιτεκτονική Διαύλων



Bus-oriented DP

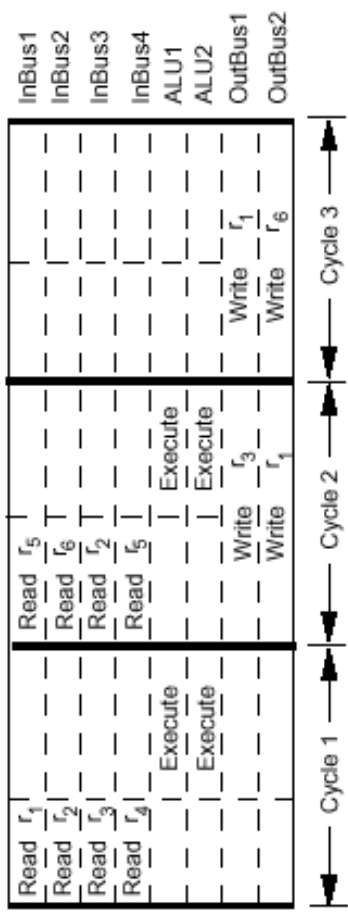
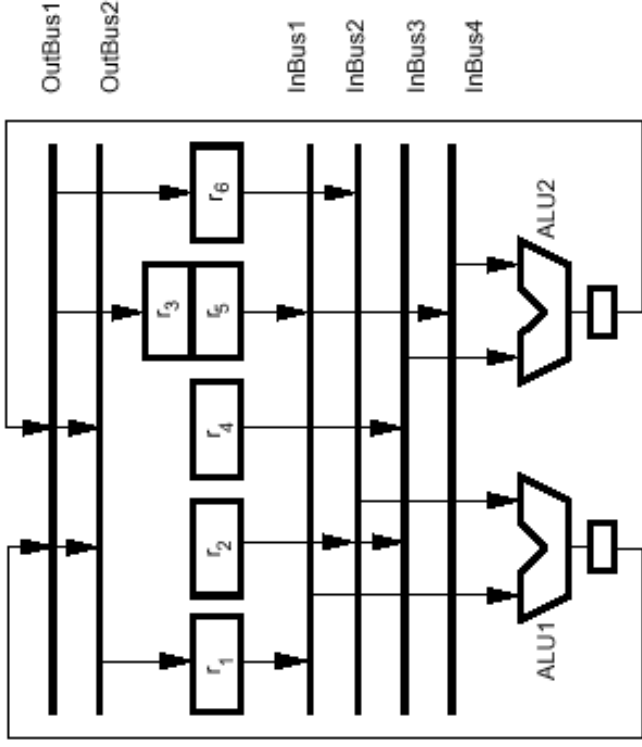
Αρχιτεκτονικές Data Path

- ✓ Μία τοπολογία ονομάζεται **Point-To-Point** αν υπάρχει μία μονάδα διασύνδεσης ανάμεσα σε κάθε δύο θύρες που διασυνδέονται.
- ✓ Για περισσότερες από μία διασυνδέσεις χρησιμοποιούνται δίαυλοι.
- ✓ Για ελαχιστοποίηση των διασυνδέσεων μπορούμε να συνδυάσουμε καταχωρητές σε αρχεία καταχωρητών με πολλαπλές θύρες.
- ✓ Τα δίκτυα διασύνδεσης διαχωρίζονται σε δίκτυα εισόδου (στις λειτουργικές μονάδες) και δίκτυα εξόδου (από τις λειτουργικές μονάδες).
- ✓ Τα δίκτυα εισόδου/εξόδου δεν είναι απαραίτητα το ίδιο πολύπλοκα.

Τοποθέτηση Latches

- ✓ Για την βελτίωση της απόδοσης των Data Path τοποθετούμε latches στις θύρες εισόδου/εξόδου.
- ✓ Όταν τοποθετούμε latches μόνο στις εξόδους των λειτουργικών μονάδων έχουμε επικάλυψη των ακόλουθων εργασιών:
 1. Εγγραφή βήματος n-1
 2. Ανάγνωση και εκτέλεση λειτουργίας βήματος n.
- ✓ Ο κύκλος ρολογιού μειώνεται
- ✓ Δεν υπάρχει εξισορρόπηση των μετακινήσεων μεταξύ των καταχωρητών.
- ✓ Τα ίδια ισχύουν και όταν τοποθετούμε latches μόνο στις εισόδους των λειτουργικών μονάδων.

One Phase Pipelined DataPath



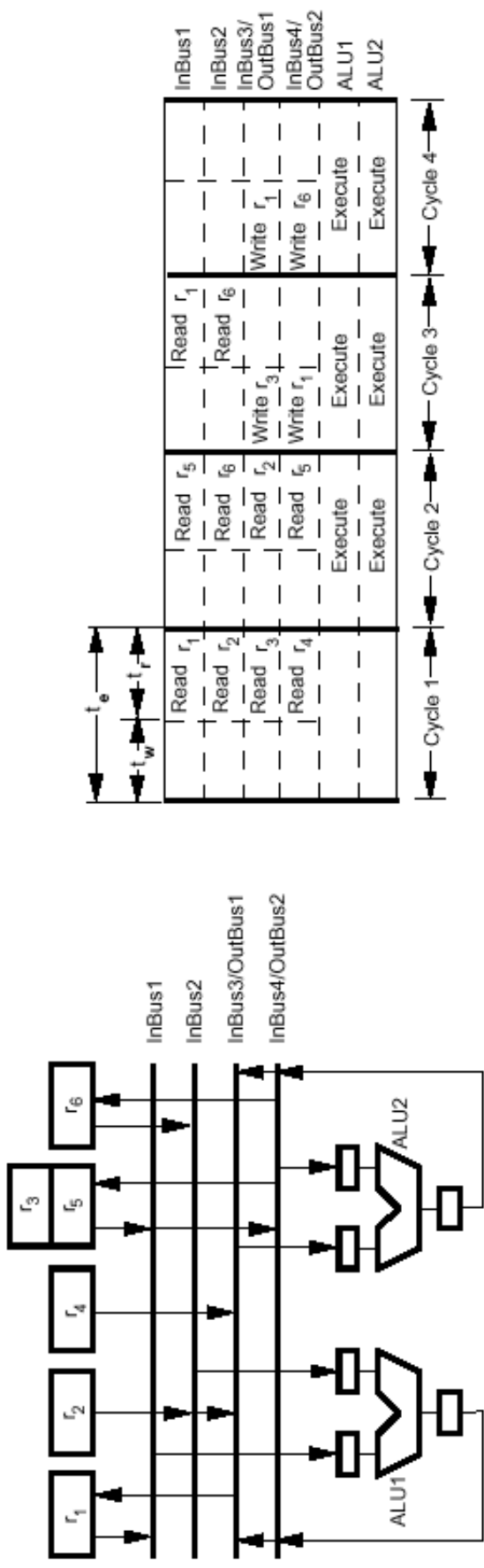
Η αποθήκευση των αποτελεσμάτων επιτρέπει την επικάλυψη εγγραφής με ανάγνωση-εκτέλεση.

- Clock cycle = $\max (tr + te, tw)$
- *Overlapping read and write data transfers*

Fully Pipelined DataPath

- ✓ Η μέγιστη επικάλυψη επιτυγχάνεται όταν έχουμε latches και στις εισόδους και τις εξόδους
- ✓ Το pipelining τότε έχει τρεις βαθμίδες (input, functional unit, output).
- ✓ Απαιτείται ένα διφασικό μη επικαλυπτόμενο ρολόι.
- ✓ Η μία φάση χρησιμοποιείται για τον έλεγχο των latches εισόδου/εξόδου.
- ✓ Η άλλη φάση χρησιμοποιείται για την εγγραφή στο αρχείο καταχωρητών.
- ✓ Ο κύκλος ρολογιού μειώνεται αισθητά.

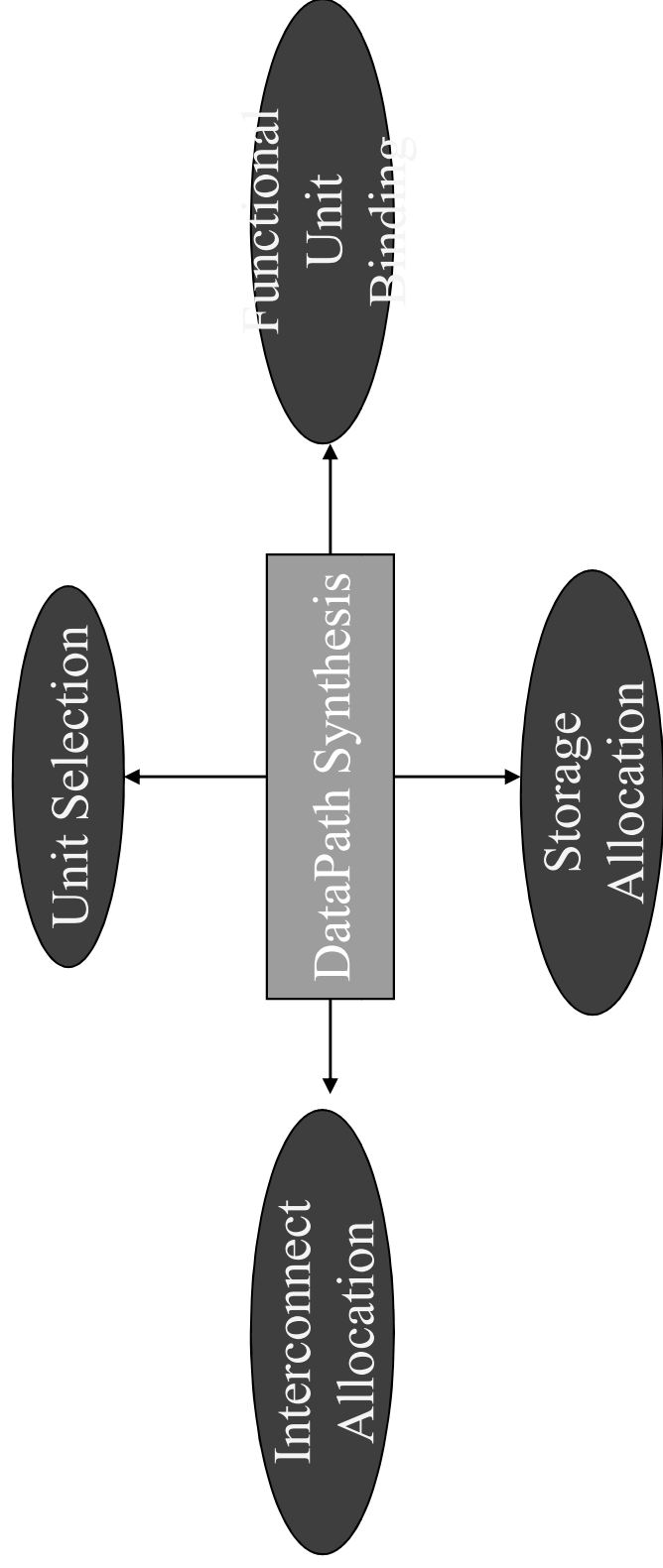
Two Phase Pipelined DataPath



Η αποθήκευση δεδομένων και αποτελεσμάτων επιτρέπει την επικάλυψη εκτέλεσης με ανάγνωση-εγγραφή.

- Clock cycle = $\max (t_e, t_r + t_w)$
- *Overlapping data transfers with FU execution*

Allocation Tasks



Unit Selection

- ✓ Μία βιβλιοθήκη περιέχει πολλαπλούς τύπους μονάδων με διαφορετικά χαρακτηριστικά.
- ✓ Πολλές μονάδες έχουν πολλαπλές χρήσεις.
- ✓ Πρέπει οι μονάδες που θα επιλεγούν να καλύπτουν τις απαιτούμενες λειτουργίες.
- ✓ Συχνά η επιλογή μονάδων συνδυάζεται με την δέσμευση ανά λειτουργία (binding).

Unit Binding

Functional

- ✓ Αντιστοίχιση των λειτουργιών με τις μονάδες που έχουν επιλεγεί.
- ✓ Συνήθως έχουμε λίγες μονάδες για πολλές λειτουργίες, οπότε χρειάζεται αλγόριθμος επιλογής.

Storage

- ✓ Αντιστοιχεί δεδομένα σε αποθηκευτικές μονάδες.
- ✓ Οι σταθερές αποθηκεύονται σε ROM.
- ✓ Οι μεταβλητές αντιστοιχίζονται σε καταχωρητές ή μνήμες.
- ✓ Μεταβλητές με μη επικαλυπτόμενους χρόνους ζωής μπορούν να μοιραστούν καταχωρητές.
- ✓ Οι καταχωρητές τελικά μπορούν να σχηματίσουν ένα αρχείο καταχωρητών.

Unit Binding

Interconnection

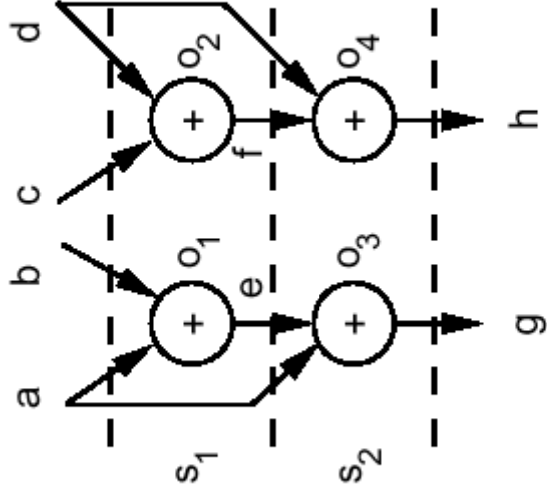
- ✓ Κάθε μεταφορά δεδομένων απαιτεί μονοπάτι διασύνδεσης.
- ✓ Δύο διαφορετικές μεταφορές δεδομένων μπορούν να μοιραστούν το ίδιο ή τμήμα μονοπατιού διασύνδεσης, εάν δεν γίνονται ταυτόχρονα.
- ✓ Στόχος είναι η μεγιστοποίηση της διαμοίρασης μονάδων διασύνδεσης (και άρα ελαχιστοποίηση του κόστους)

Εξάρτηση και σειρά

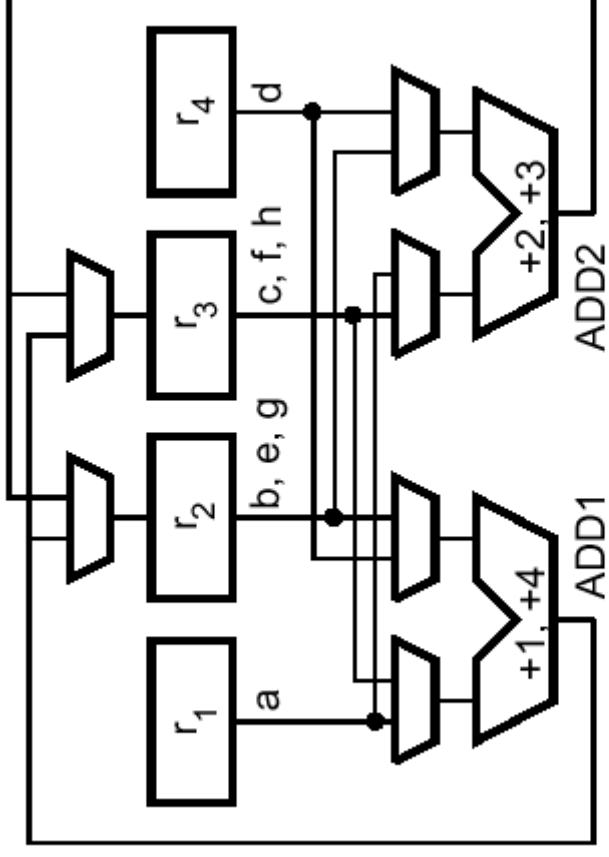
- ✓ Οι παραπάνω λειτουργίες επηρεάζουν η μία την άλλη.
- ✓ Ακόμη και η σειρά που εκτελούνται είναι πολύ σημαντική

Unit Binding

Παράδειγμα



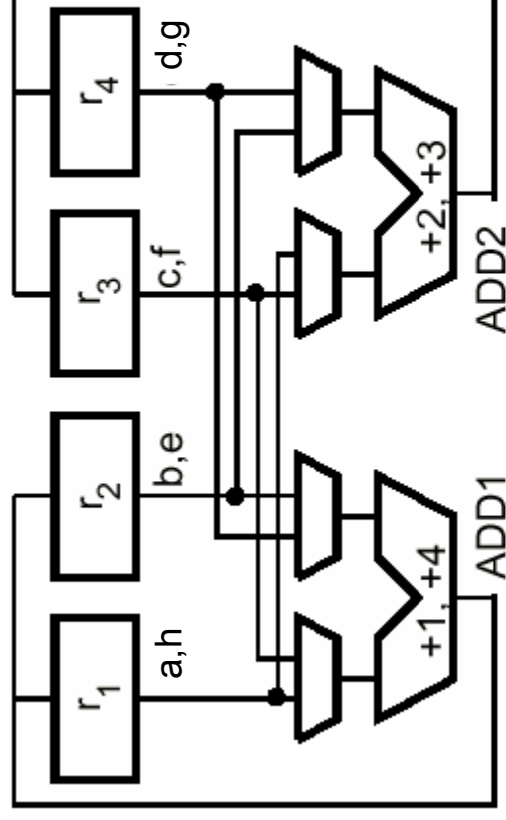
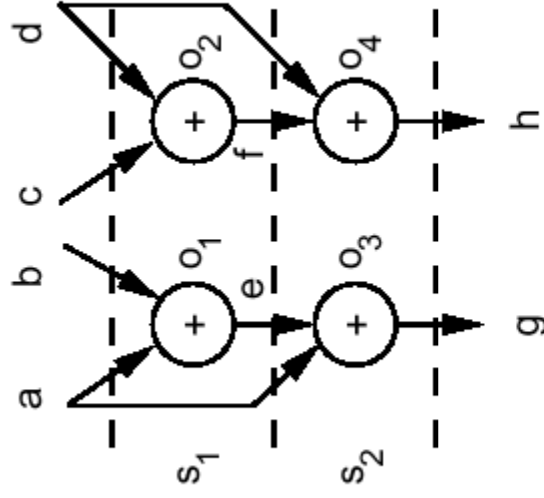
Scheduled DFG



FU Binding with 6 Muxes

Για το παραπάνω Functional Unit/Storage Binding απαιτούνται 6 πολυπλέκτες

Unit Binding

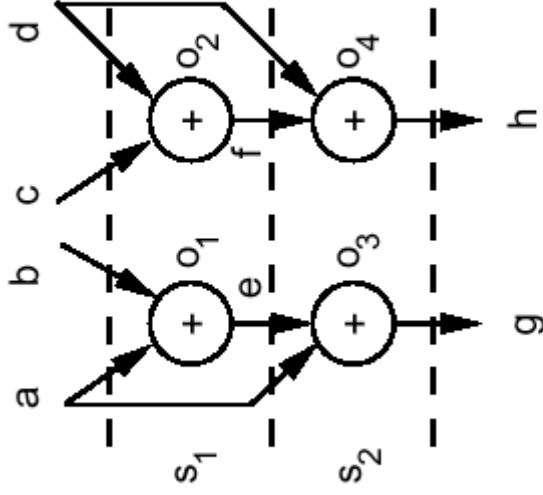


Scheduled DFG

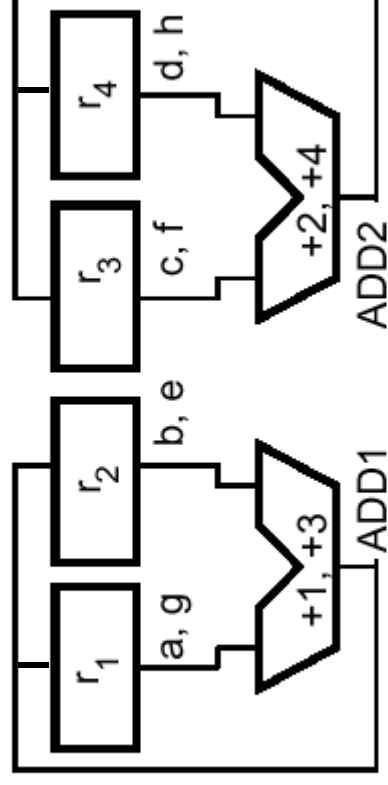
Register Reallocation: 4 Muxes

Με άλλο Storage Binding απαιτούνται 4 πολυπλέκτες. Ουσιαστικά κατανέμονται τα αποτελέσματα πράξεων σε όλους τους καταχωρητές και δεν απαιτούνται πολυπλέκτες εγγραφής.

Unit Binding



Scheduled DFG



FU Rebinding: Optimal Design

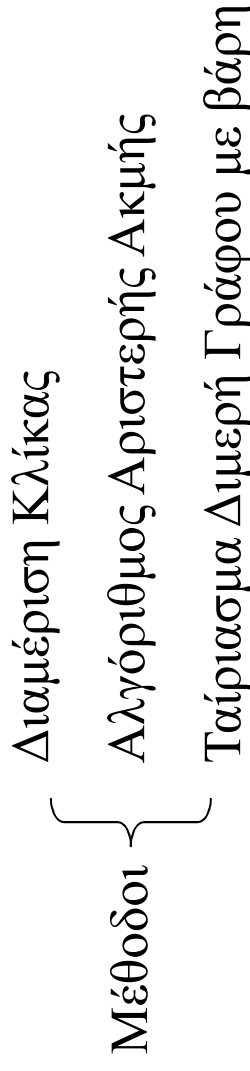
Αλλάζοντας και το Functional Binding δεν απαιτούνται πολλαπλές

Αλγόριθμοι Greedy

- ✓ Η ανάθεση των λειτουργιών σε components γίνεται βηματικά.
- ✓ Ξεκινά ο αλγόριθμος με κενό datapath και σταδιακά προσθέτει components.
- ✓ Σε κάθε βήμα προσπαθεί να βρει μία λειτουργική μονάδα η οποία είναι ελεύθερη την στιγμή που απαιτείται από την λειτουργία.
- ✓ Εάν υπάρχουν περισσότερες της μία μονάδες τότε επιλέγει αυτήν που ελαχιστοποιεί το κόστος διασύνδεσης.
- ✓ Εάν καμία μονάδα δεν είναι διαθέσιμη προσθέτουμε μία νέα.
- ✓ Η ίδια διαδικασία γίνεται και για τους καταχωρητές.
- ✓ Για τις μεταβλητές λαμβάνεται υπόψη ο χρόνος ζωής τους.
- ✓ Όταν υπάρχουν πολλοί διαθέσιμοι καταχωρητές, τότε επιλέγεται εκείνος που ελαχιστοποιεί το κόστος.

Αλγόριθμοι Διάσπασης (Decomposition)

- ✓ Προσπαθούν να δώσουν καλύτερα αποτελέσματα από τους αλγόριθμους απληστίας.
- ✓ Η διαδικασία Allocation διαιρείται σε επιμέρους τμήματα και κάθε ένα από αυτά επιλύεται χωριστά.
- ✓ Τα προβλήματα του allocation (storage/funct. unit/interconnection binding) επιλύονται χωριστά.
- ✓ Λόγω της συσχέτισης των προβλημάτων, δεν εγγυάται βέλτιστη λύση ακόμη και αν τα επιμέρους προβλήματα επιλυθούν βέλτιστα.



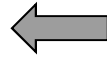
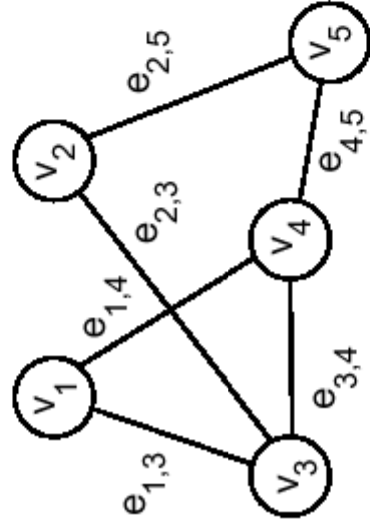
Διαμέριση Κλίκας

Στόχος η διαμέριση ενός γράφου σε ελάχιστο αριθμό από κλίκες

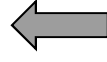
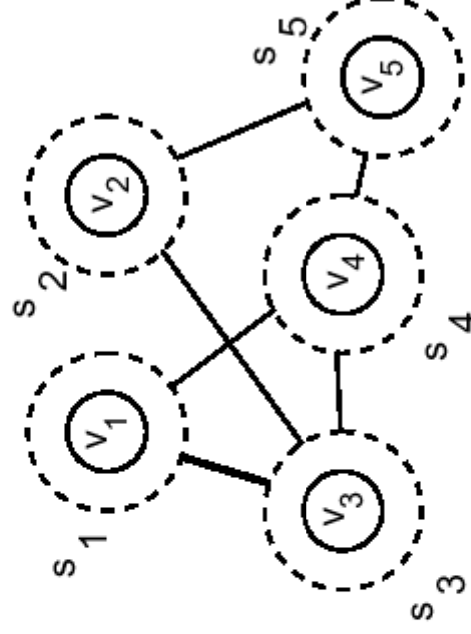
Επίλυση Προβλήματος Διαμέρισης σε κλίκες:

- ✓ Από τον αρχικό γράφο κατασκευάζουμε ένα υπεργράφο.
- ✓ Ο υπεργράφος αποτελείται από υπερ-κορυφές (σύνολα κορυφών).
- ✓ Μία υπερκορυφή είναι και κλίκα.
- ✓ Σε κάθε βήμα οι δύο υπερκορυφές που έχουν τους περισσότερους κοινούς γείτονες και συνδέονται με ακμή συνδυάζονται σε μία.
- ✓ Η νέα υπερκορυφή συνδέεται με ακμές μόνο με το σύνολο των κοινών γειτονικών άλλων υπερκορυφών.
- ✓ Η διαδικασία συνεχίζεται έως ότου να μην υπάρχουν άλλες ακμές.

Διαμέριση Κλίκας



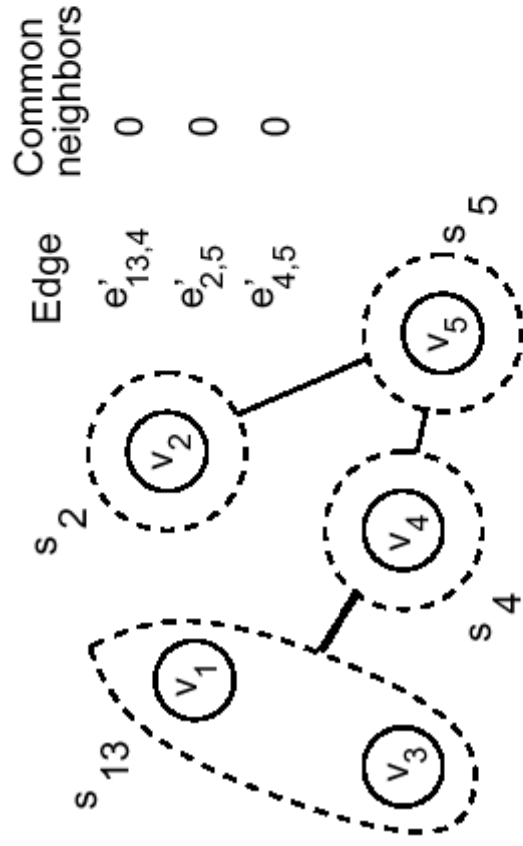
Αρχικός Γράφος



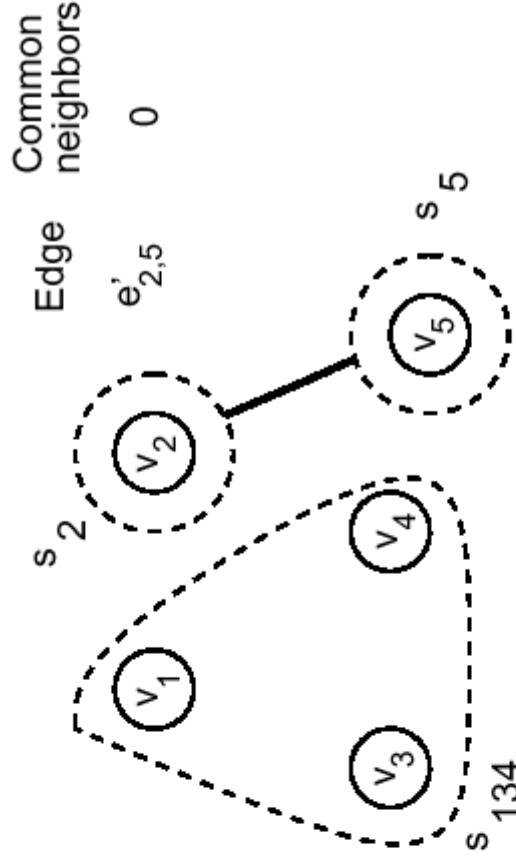
Μετατροπή σε υπεργράφο

Edge	Common neighbors
$e'_{1,3}$	1
$e'_{1,4}$	1
$e'_{2,3}$	0
$e'_{2,5}$	0
$e'_{3,4}$	1
$e'_{4,5}$	0

Διαμέριση Κλίκας

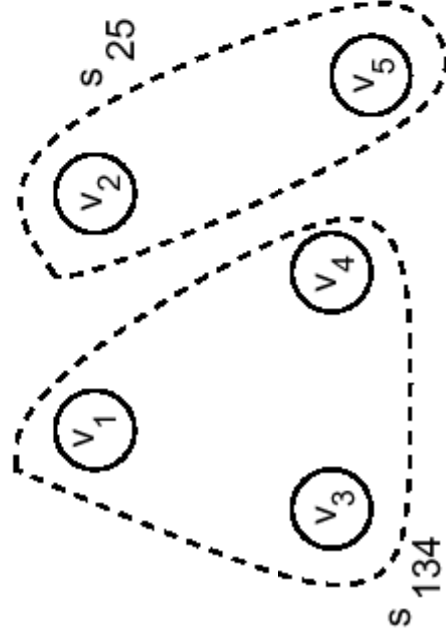


Supernode Creation 1



Supernode Creation 2

Διαμέριση Κλίκας



$$s_{134} = \{v_1, v_3, v_4\}$$

$$s_{25} = \{v_2, v_5\}$$

Supernode Creation 3

Cliques for Graph G

Διαμέριση Κλίκας

Χρήση Γράφων στο πρόβλημα Register Allocation:

- ✓ Στόχος του Register Allocation είναι η ελαχιστοποίηση του κόστους των καταχωρητών, με την μέγιστη δυνατή διαμοίραση.
- ✓ Κάθε κορυφή του γράφου αντιστοιχεί σε μία μεταβλητή
- ✓ Μία ακμή υπάρχει όταν δύο μεταβλητές μπορούν να αποθηκευτούν στον ίδιο καταχωρητή.
- ✓ Κάθε κλίκα αντιστοιχίζεται σε ένα καταχωρητή, καθώς όλες οι μεταβλητές μπορούν να συνυπάρξουν σε αυτόν.

Διαμέριση Κλίκας

Χρήση Γράφων στο πρόβλημα **Functional Allocation**:

- ✓ Κάθε κορυφή του γράφου αντιστοιχεί σε μία λειτουργία
- ✓ Μία ακμή υπάρχει όταν
 - (α) Οι δύο λειτουργίες δεν εκτελούνται ταυτόχρονα.
 - (β) Χρησιμοποιείται τύπος μονάδας που μπορεί να τις εκτελέσει και τις δύο.
- ✓ Κάθε κλίκα αντιστοιχίζεται σε μία λειτουργική μονάδα.

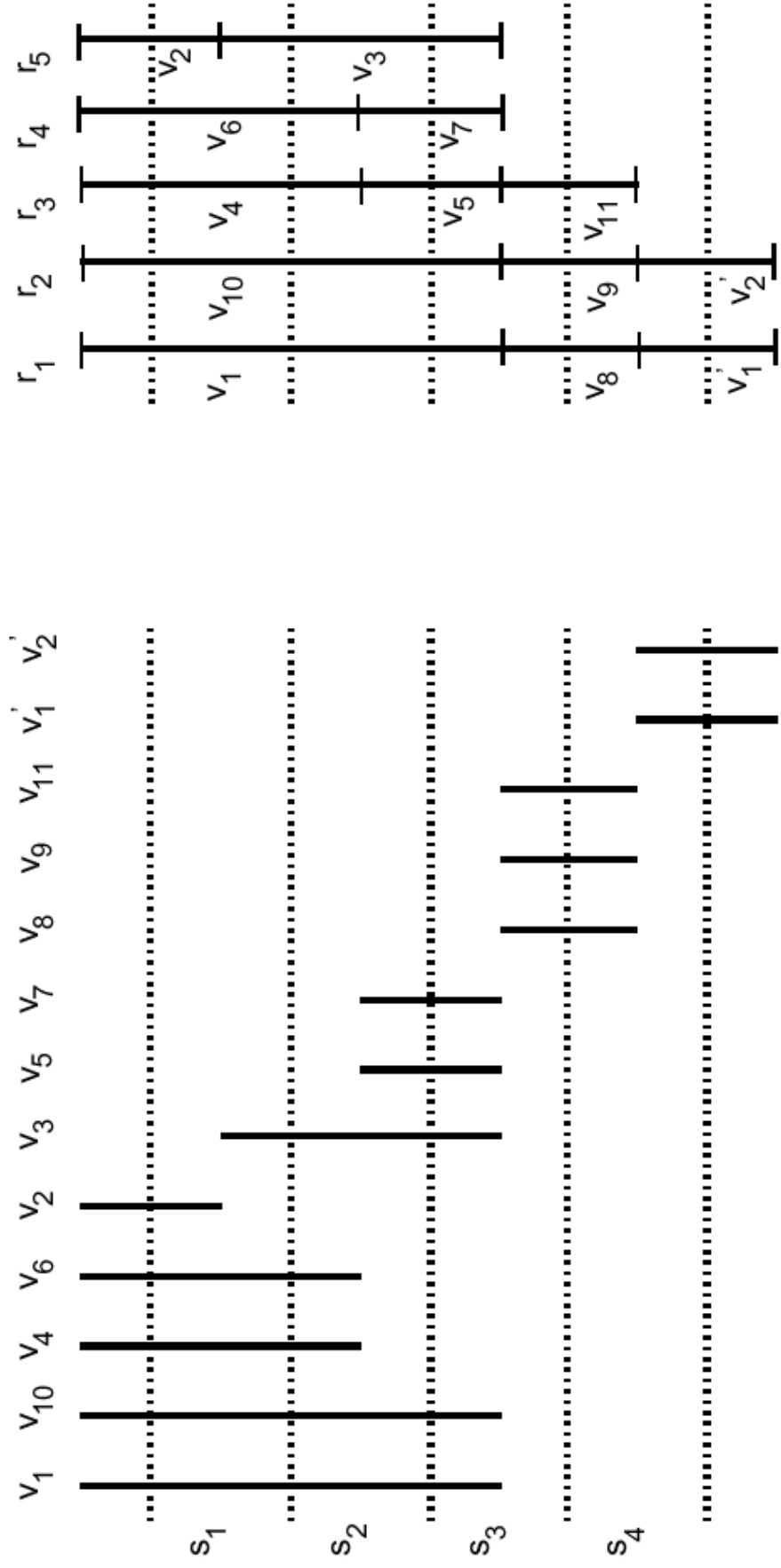
Χρήση Γράφων στο πρόβλημα **Interconnection Allocation**:

- ✓ Κάθε κορυφή του γράφου αντιστοιχεί στην διασύνδεση δύο μονάδων.
- ✓ Μία ακμή υπάρχει όταν οι διασυνδέσεις που αντιστοιχούν στις κορυφές δεν χρησιμοποιούνται ταυτόχρονα.
- ✓ Κάθε κλίκα αντιστοιχεί σε διάλυτος ή πολυπλέκτες

Αλγόριθμος Αριστερής Ακμής

- ✓ Δέχεται σαν είσοδο μία λίστα μεταβλητών L.
- ✓ Για κάθε μεταβλητή υπάρχει και ένα διάστημα ζωής.
- ✓ Ο αλγόριθμος κάνει πολλαπλά περάσματα και αναθέτει μεταβλητές σε καταχωρητές.
- ✓ Σε κάθε πέραςμα εξαντλεί την χρήση ενός καταχωρητή με όσο το δυνατόν περισσότερες μεταβλητές.
- ✓ Ο αλγόριθμος έχει πολωνομική πολυπλοκότητα.
- ✓ Η λύση που δίνει είναι βέλτιστη.

Αλγόριθμος Αριστερής Ακμής



Lifetimes

Registers

Weighted Bipartite-Matching Algorithm

- ✓ Αντιστοιχίζει πολλαπλές λειτουργίες/μεταβλητές σε πολλαπλές μονάδες ταυτόχρονα.
- ✓ Λαμβάνει υπόψη και το κόστος διασυνδέσεων.

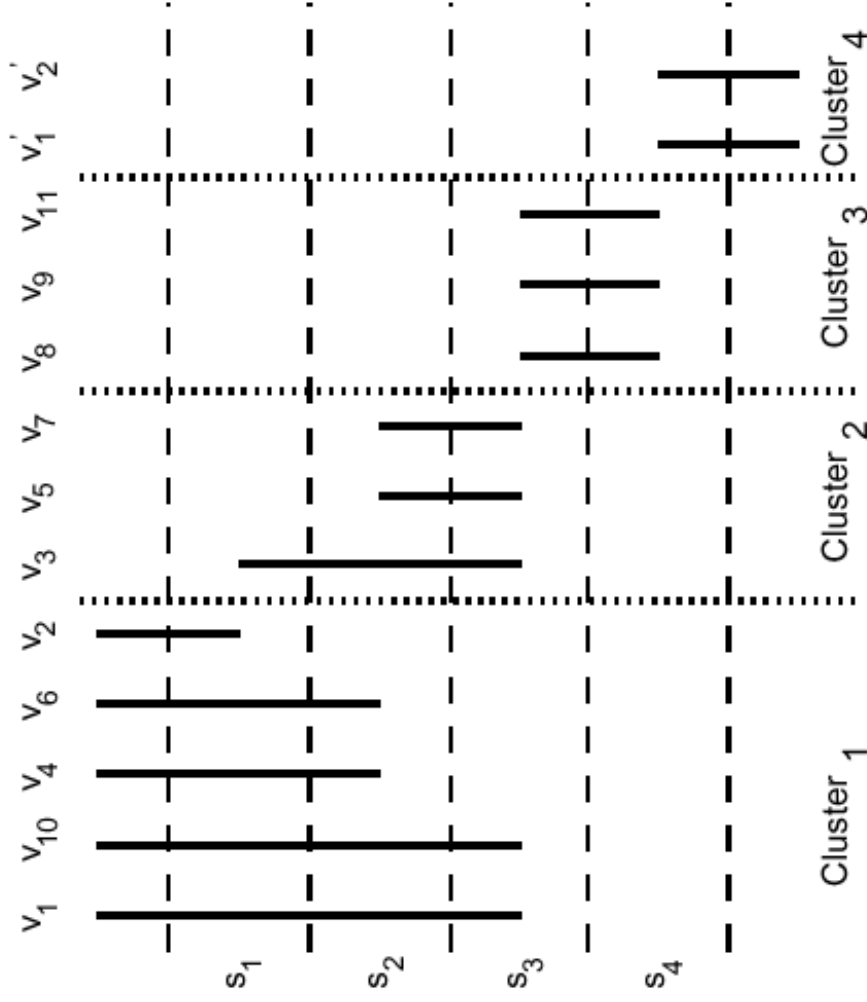
Βήματα:

- Ταξινομούνται οι μεταβλητές σύμφωνα με τον χρόνο έναρξης τους.
- Διαιρούνται σε ομάδες με το ακόλουθο κριτήριο: Η ζωή κάθε μεταβλητής σε μία ομάδα επικαλύπτεται με **όλες** τις άλλες μεταβλητές της ομάδας.
- Αναθέτουμε τις μεταβλητές της μεγαλύτερης ομάδας σε ισάριθμους καταχωρητές.
- Κάθε επόμενη ομάδα ανατίθεται σε αυτούς τους καταχωρητές αν δεν υπάρχει επικάλυψη με τις μεταβλητές που έχουν ήδη ανατεθεί.

Weighted Bipartite-Matching Algorithm

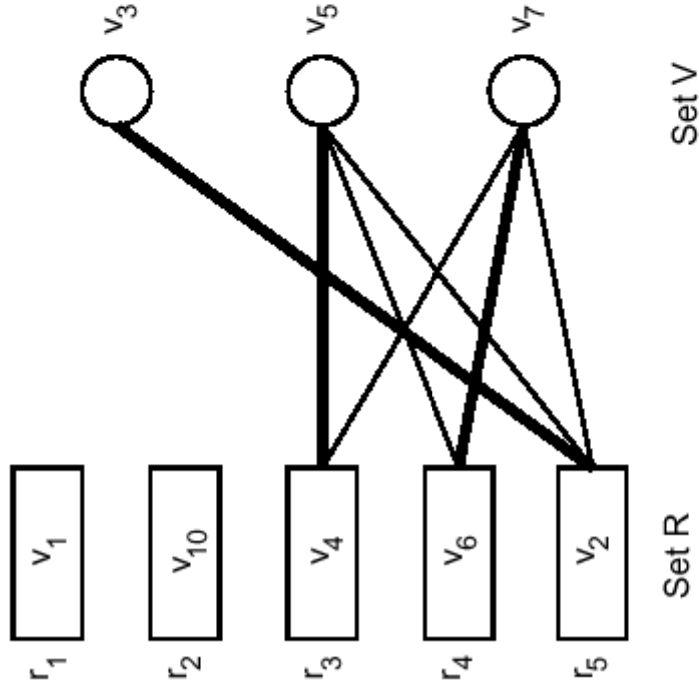
- ✓ Σε κάθε βήμα δημιουργείται ένας διμερής γράφος, με
 - (α) το σύνολο των καταχωρητών και
 - (β) το σύνολο των μεταβλητών της επόμενης ομάδας.
- ✓ Κάθε ακμή του γράφου αναπαριστά πιθανή αντιστοίχιση μεταβλητής σε καταχωρητή.
- ✓ Οι ακμές μπορούν να έχουν βάρη.
- ✓ Μία ακμή έχει μεγάλο βάρος αν η αντιστοιχία ανάθεση έχει μειωμένο κόστος διασύνδεσης.

Weighted Bipartite-Matching Algorithm



Sorted Lifetime Intervals with Clusters

Weighted Bipartite-Matching Algorithm



$$\begin{aligned} r_1 &= \{ v_1, v_8, v'_1 \} \\ r_2 &= \{ v_9, v_{10} \} \\ r_3 &= \{ v_4, v_5, v_{11} \} \\ r_4 &= \{ v_6, v_7 \} \\ r_5 &= \{ v_2, v_3, v'_2 \} \end{aligned}$$

Final Register Binding

Bipartite Graph for Binding Vars in Cluster2 after Cluster1

Επαναληπτικές Μέθοδοι

- ✓ Εκκινούν με ένα αρχικό DataPath το οποίο δημιουργήθηκε με κάποια κατασκευαστική μέθοδο ή μέθοδο διάσπασης.
- ✓ Προσπαθούν να μειώσουν το κόστος διασύνδεσης με απλή εναλλαγή των αναθέσεων μονάδων-λειτουργιών.
- ✓ Το ίδιο επιτυγχάνουν και με εναλλαγή αναθέσεων μεταβλητών-καταχωρητών.

Απλή Προσέγγιση: Εναλλαγή Ζεύγους.

Δύο αναθέσεις εναλλάσσονται μεταξύ τους.

Επιλέγεται από όλα τα πιθανά ζεύγη πάντα το καλύτερο (greedy).

Στόχος η μείωση του κόστους του DataPath.

Η απόδοση του είναι φτωχή

Υπάρχουν πιο καλές προσεγγίσεις.
